

10 клас урок алгебри

Тема. Методи розв'язування тригонометричних рівнянь.

Мета уроку:

1. продовжити формувати вміння і навички розв'язувати тригонометричні рівняння;
2. закріпити уміння розв'язувати тригонометричні рівняння, які зводяться до алгебраїчного відносно однієї з тригонометричних функцій; рівнянь, які розв'язуються методом розкладання на множники, за допомогою формул пониження степеня; методом заміни змінних;
3. удосконалювати вміння і навички розв'язування вправ за аналогією; формувати навички творчого застосування різних методів розв'язування тригонометричних рівнянь; розвивати комунікативні здібності особистості; сприяти всебічному розвитку пізнавальної активності учнів;
4. виховувати наполегливість, сумлінність у навчанні.

Тип уроку: формування вмінь і навичок.

Обладнання: мультимедійна система, навчальні посібники, робочі зошити.

Хід уроку

I. Повідомлення теми й мети уроку

Добрий день, шановні учні! І тим, хто знає і любить математику, і тим хто ще не знає, що любить математику, працювати сьогодні на уроці.

Працювати ми будемо над темою «Методи розв'язування тригонометричних рівнянь».

II. Мотивація навчання

В архітектурі, картографії, космонавтиці не обходяться без розв'язування тригонометричних рівнянь, тому так необхідно опанувати якомога більше способів розв'язування тригонометричних рівнянь.

III. Актуалізація опорних знань

Тестові завдання ЗНО 2010

IV. Формування умінь і навичок розв'язування тригонометричних рівнянь

1. Робота в малих групах (розв'язати рівняння)

а) $4\cos^2x + 4\sin x - 1 = 0;$

б) $\sin 3x + \frac{\sqrt{3}}{2}\sin 5x + \frac{1}{2}\cos 5x = 0;$

в) $\sin^2x + 3\cos^2x - 2\sin 2x = 0.$

Розв'язання перевіряємо на дошці і визначаємо найменший додатний корінь рівняння.

2. Робота з класом. Коментоване розв'язування рівнянь.

1) $\sin x = -\cos 2x$

$$\sin x + \cos 2x = 0;$$

$$\sin x + \sin\left(\frac{\pi}{2} - 2x\right) = 0;$$

$$2 \sin \frac{x + \frac{\pi}{2} - 2x}{2} \cos \frac{x - \frac{\pi}{2} + 2x}{2} = 0;$$

$$\begin{cases} \sin\left(-\frac{x}{2} + \frac{\pi}{4}\right) = 0, \\ \cos\left(\frac{3x}{2} - \frac{\pi}{4}\right) = 0. \end{cases} \text{ Завершити вдома}$$

самостійно.

2) $\sin^3x - \cos^3x = 1 + \sin x \cos x$

$$(\sin x - \cos x)(\sin^2x + \sin x \cos x + \cos^2x) = 1 + \sin x \cos x;$$

$$\begin{cases} 1 + \sin x \cos x = 0, \\ \sin x - \cos x = 0; \end{cases}$$

$$\begin{cases} 1 + \frac{1}{2} \sin 2x = 0, \\ \operatorname{tg} x = 1; \end{cases}$$

$$\begin{cases} \sin 2x = -2 \\ \operatorname{tg} x = 1; \end{cases} \text{ Завершити вдома самостійно.}$$

$$3) 2 \sin x + 3 \cos x = 3$$

$$4 \sin \frac{x}{2} \cos \frac{x}{2} + 3(\cos^2 \frac{x}{2} - \sin^2 \frac{x}{2}) = 3(\cos^2 \frac{x}{2} + \sin^2 \frac{x}{2})$$

$$4 \sin \frac{x}{2} \cos \frac{x}{2} - 6 \sin^2 \frac{x}{2} = 0$$

$$2 \sin \frac{x}{2} (2 \cos \frac{x}{2} - 3 \sin \frac{x}{2}) = 0$$

$$\begin{cases} \sin \frac{x}{2} = 0 \\ 2 \cos \frac{x}{2} - 3 \sin \frac{x}{2} = 0 \end{cases} ; \quad \begin{cases} \sin \frac{x}{2} = 0 \\ \operatorname{tg} \frac{x}{2} = \frac{2}{3} \end{cases} \quad \text{Завершити вдома самостійно.}$$

$$4) \sin^4 x + \cos^4 x = \frac{7}{8}$$

$$(\cos^2 x + \sin^2 x)^2 - 2 \sin^2 x \cos^2 x = \frac{7}{8}$$

$$1 - \frac{1}{2} \sin^2 2x = \frac{7}{8} \quad \text{Завершити вдома самостійно.}$$

V. Розв'язання прикладних задач .

1) На тіло діє сила, що задана вектором $\vec{F}(\sin 2x; \sin x)$. При яких значеннях x її дія дорівнює 1?

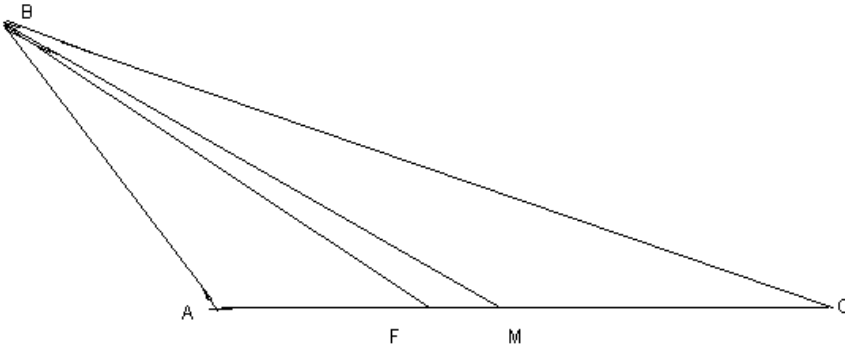
$$|\vec{F}|^2 = \sin^2 2x + \sin^2 x = 1$$

$$\frac{1}{2}(1 - \cos 4x) + \frac{1}{2}(1 - \cos 2x) = 1$$

$\cos 4x + \cos 2x = 0$ розв'язавши це рівняння вдома, ви зможете відповісти на поставлене запитання.

2) При ландшафтному дизайні парку, на ділянці у формі тупокутного трикутника ABC ($\angle BAC = 105^\circ$, $\angle ABC = 60^\circ$), планувалося в центрі сторони AC розмістити фонтан. Але з'ясувалося, що його не однаково видно з доріжок, які проходять уздовж сторін кута B. На який кут треба змістити фонтан вздовж прямої AC, щоб його однаково гарно було видно з обох доріжок?

Розв'язання



Точки, які рівновіддалені від сторін кута, знаходяться на його бісектрисі. Тож нове положення фонтану – точка перетину сторони AC і бісектриси BF.

Оскільки BF бісектриса, то $\angle ABF = \angle FBC = 30^\circ$. З трикутника ABC $\angle C = 15^\circ$.

Позначимо $\angle MBF = \alpha$, тоді $\angle ABM = 30^\circ + \alpha$, $\angle CBM = 30^\circ - \alpha$.

Застосуємо теорему синусів для $\triangle ABM$:

$$\frac{AM}{\sin(30^\circ + \alpha)} = \frac{BM}{\sin 105^\circ}; \quad AM \cos 15^\circ = BM \sin(30^\circ + \alpha).$$

Для $\triangle BMC$ маємо:

$$\frac{MC}{\sin(30^\circ - \alpha)} = \frac{BM}{\sin 15^\circ}; \quad MC \sin 15^\circ = BM \sin(30^\circ - \alpha).$$

Поділивши одне співвідношення на інше, отримаємо:

$$\begin{aligned} \operatorname{tg} 15^\circ &= \frac{\sin(30^\circ - \alpha)}{\sin(30^\circ + \alpha)}. \\ \operatorname{tg} 15^\circ &= \operatorname{tg}(45^\circ - 30^\circ) = \dots \end{aligned}$$

Розв'язання отриманого рівняння завершити вдома.

VI. Домашнє завдання

- § 14 № 59(9,18,25)
- Закінчити незавершені приклади з класної роботи.

VII. Рефлексія

На уроці я:

- | | |
|---------------------------|-----------------------------------|
| ➤ дізнався... | ➤ найбільші труднощі я відчув... |
| ➤ зрозумів... | ➤ я не вмів, а тепер умію.. |
| ➤ навчився... | ➤ я змінив своє ставлення до... |
| ➤ найбільший мій успіх... | ➤ в подальшому навчанні я хочу... |